



Matemática

PROFESSORES: ANDREY – CRISTIANO – JULIO

Comentário Geral

A equipe de matemática do curso DOMÍNIO verificou que as 9 questões exigiram do candidato além do raciocínio lógico-matemático a aplicação direta de fórmulas básicas, esperadas para uma prova de conhecimentos gerais.

Questões:

55 - O aplicativo de celular de um aeroporto apresenta o tempo que falta, em minutos, até a decolagem de cada voo. Às 13h37min., Marcelo usou o aplicativo e descobriu que faltavam 217 minutos para a decolagem de seu voo. Supondo que não haja atrasos, a que horas o voo de Marcelo deverá decolar?

- a) 15h54min.
- b) 16h14min.
- c) 16h34min.
- ▶ d) 17h14min.
- e) 17h54min.

Comentário / Resolução:

Sabemos que

$$217' = 60' + 60' + 60' + 37'$$

$$217' = 3h 37'$$

Daí segue que

$$13h37' + 3h37' = 16h74' = 16h60' + 14' = 17h14'$$

56 - Um prisma possui 17 faces, incluindo as faces laterais e as bases inferior e superior. Uma pirâmide cuja base é idêntica à base do prisma, possui quantas arestas?

- a) 26.
- b) 28.
- ▶ c) 30.
- d) 32.
- e) 34.

Comentário / Resolução:

Como o prisma possui um total de 17 faces, teremos 15 faces laterais e uma face em cada base. Sendo assim, 15 arestas em cada uma das bases e também 15 arestas laterais. Como a pirâmide possui base idêntica ao do prisma, logo esta possui 15 arestas na sua base mais as 15 arestas laterais totalizando 30 arestas

57 - Na seguinte passagem do livro *Alice no País das Maravilhas*, a personagem Alice diminui de tamanho para entrar pela porta de uma casinha, no País das Maravilhas.

"...chegou de repente a um lugar aberto, com uma casinha de cerca de um metro e vinte centímetros de altura... e não se aventurou a chegar perto da casa antes de conseguir se reduzir a vinte e dois centímetros de altura".

Carrol, L. *Aventuras de Alice no País das Maravilhas*. Rio de Janeiro: Zahar, 2010.

Suponha que, no mundo real e no País das Maravilhas, a proporção entre as alturas de Alice e da casa sejam as mesmas. Sabendo que a altura real de Alice é de 1,30 m, qual seria a altura aproximada da casa no mundo real?

- a) 3,5 m.
- b) 4,0 m.
- c) 5,5 m.
- ▶ d) 7,0 m.
- e) 8,5 m



Comentário / Resolução:

De acordo com os dados do enunciado temos a proporção:

$$\frac{1,30}{0,22} = \frac{x}{1,20}$$

Daí segue que a altura real da casa será aproximadamente 7 metros

58 - Um triângulo possui lados de comprimento 2 cm e 6 cm e área de 6 cm². Qual é a medida do terceiro lado desse triângulo?

- a) $2\sqrt{6}$ cm.
- ▶ b) $2\sqrt{10}$ cm.
- c) 5 cm.
- d) $5\sqrt{2}$ cm.
- e) 7 cm.

Comentário / Resolução:

Lembrando que a fórmula padrão de cálculo da área de triângulo corresponde à metade do produto da base pela sua respectiva altura, note que só existe uma possibilidade que satisfaça os dados, ou seja, um triângulo retângulo cujos catetos valem 2 e 6 cm. Logo o lado restante é a hipotenusa deste triângulo.

Daí segue que

$$(x)^2 = (2)^2 + (6)^2$$
$$x = \sqrt{40} = 2\sqrt{10}$$

59 - Em um grupo de 6 pessoas, a média das idades é 17 anos, a mediana é 16,5 anos e a moda é 16 anos. Se uma pessoa de 24 anos se juntar ao grupo, a média e a mediana das idades do grupo passarão a ser, respectivamente:

- a) 17 anos e 17 anos.
- ▶ b) 18 anos e 17 anos.
- c) 18 anos e 16,5 anos.
- d) 20,5 anos e 16,5 anos.
- e) 20,5 anos e 20,25 anos.

Comentário / Resolução:

Do enunciado, temos:

$$\frac{x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 + x_6}{6} = 17$$

Logo

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 + x_6 = 102$$

Adicionando 24 anos, temos

$$\frac{x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 + x_6 + 24}{6 + 1} = \frac{102 + 24}{7} = 18$$

A questão propõe que a mediana da amostra inicial é igual a 16,5, observando a soma concluímos que:

$$\frac{x_3 + x_4}{2} = 16,5$$

**Note que x₃ e x₄ são os termos centrais.*

Então

$$x_3 + x_4 = 33$$

Do enunciado temos que a moda é igual a 16, então os possíveis valores para x₃ e x₄ são:

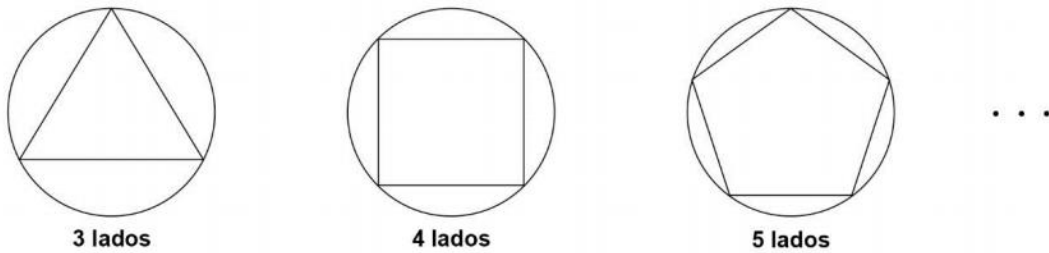
$$x_3 = 16$$

$$x_4 = 17$$

Quando adicionamos 24 a nova mostra passa a ter 7 termos, sendo o x₄ o termo central, assim a mediana será igual a 17.



60 - Considere a seguinte seqüência de polígonos regulares inscritos em um círculo de raio 2 cm:



Sabendo que a área A de um polígono regular de n lados dessa seqüência pode ser calculada pela fórmula

$$A = 2n \cdot \text{sen}\left(\frac{2\pi}{n}\right),$$

considere as seguintes afirmativas:

1. As áreas do triângulo equilátero e do quadrado nessa seqüência são, respectivamente, $3\sqrt{3} \text{ cm}^2$ e 8 cm^2 .
2. O polígono regular de 12 lados, obtido nessa seqüência, terá área de 12 cm^2 .
3. À medida que n aumenta, o valor A se aproxima de $4\pi \text{ cm}^2$.

Assinale a alternativa correta.

- a) Somente a afirmativa 1 é verdadeira.
- b) Somente as afirmativas 1 e 2 são verdadeiras.
- c) Somente as afirmativas 1 e 3 são verdadeiras.
- d) Somente as afirmativas 2 e 3 são verdadeiras.
- e) As afirmativas 1, 2 e 3 são verdadeiras.

Comentário / Resolução:

Utilizando a fórmula sugerida pelo enunciado $A = 2n \cdot \text{sen}\left(\frac{2\pi}{n}\right)$, temos:

Para $n = 3$, $A = 2 \cdot 3 \cdot \text{sen}\left(\frac{2\pi}{3}\right) = 3\sqrt{3} \text{ cm}^2$

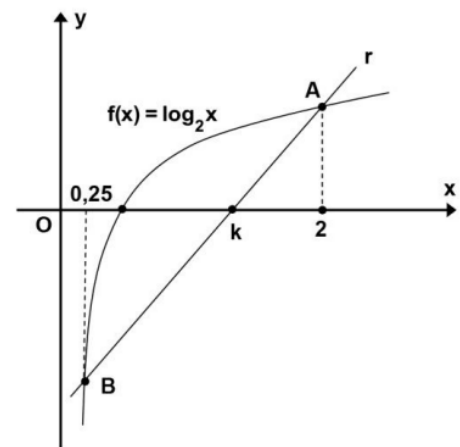
Para $n = 4$, $A = 2 \cdot 4 \cdot \text{sen}\left(\frac{2\pi}{4}\right) = 8 \text{ cm}^2$

Para $n = 12$, $A = 2 \cdot 12 \cdot \text{sen}\left(\frac{2\pi}{12}\right) = 12 \text{ cm}^2$

Por fim, a medida que n aumenta observamos que a área do polígono tende à área da circunferência cujo raio vale 2cm. Logo a área será de $4\pi \text{ cm}^2$

61 - Considere o gráfico da função $f(x) = \log_2 x$ e a reta r que passa pelos pontos A e B, como indicado na figura ao lado, sendo k a abscissa do ponto em que a reta r intersecta o eixo Ox . Qual é o valor de k ?

- a) $17/12$.
- b) $14/11$.
- c) $12/7$.
- d) $11/9$.
- e) $7/4$.



Comentário / Resolução:

Seja $f(x) = \log_2 x$ e os pontos $A(2, y_a)$ e $B(0,25; y_b)$ pertencentes a função $f(x)$, temos:

$$f(2) = \log_2 2 = y_a = 1$$

$$f(0,25) = \log_2 2^{-2} = y_b = -2$$

Como os pontos A, B e C ($k,0$) estão alinhados, temos que:



$$\begin{vmatrix} 2 & 0,25 & k & 2 \\ 1 & -2 & 0 & 1 \end{vmatrix} = 0$$

Temos que $k = \frac{17}{12}$

62 - A análise de uma aplicação financeira ao longo do tempo mostrou que a expressão $v(t) = 1000 \cdot 2^{0,0625 \cdot t}$ fornece uma boa aproximação do valor V (em reais) em função do tempo t (em anos), desde o início da aplicação. Depois de quantos anos o valor inicialmente investido dobrará?

- a) 8.
- b) 12.
- ▶ c) 16.
- d) 24.
- e) 32.

Comentário / Resolução:

$$V(t) = 1000 \cdot 2^{0,0625 \cdot t}$$

Considerando o tempo inicial $t = 0$, temos: $V(0) = 1000$ e para dobrarmos o valor, temos:

$$V(t) = 2000$$

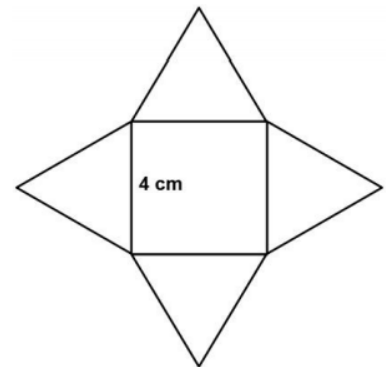
$$2000 = 1000 \cdot 2^{0,0625 \cdot t}$$

$$2 = 2^{0,0625 \cdot t}$$

Portanto $0,0625 \cdot t = 1$ assim, $t = 16$

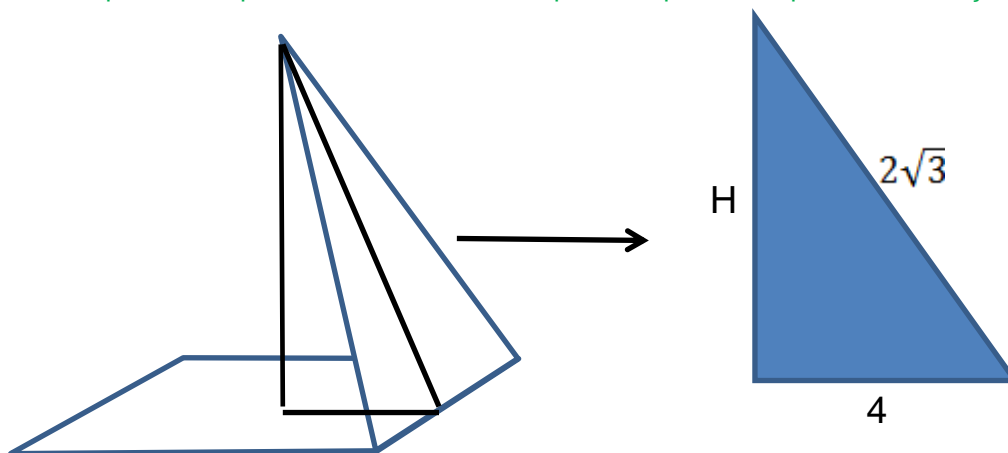
63 - Temos, ao lado, a planificação de uma pirâmide de base quadrada, cujas faces laterais são triângulos equiláteros. Qual é o volume dessa pirâmide?

- a) $\frac{16}{3} \sqrt{3} \text{ cm}^3$.
- b) $16\sqrt{3} \text{ cm}^3$.
- c) 32 cm^3 .
- ▶ d) $\frac{32}{3} \sqrt{2} \text{ cm}^3$.
- e) $\frac{64}{3} \text{ cm}^3$.



Comentário / Resolução:

Vamos representar apenas uma face lateral da pirâmide para exemplificar a resolução.



Aplicando o teorema de Pitágoras, obtemos:

$$(2\sqrt{3})^2 = (2)^2 + h^2$$

$$h = 2\sqrt{2}$$

$$V = \frac{BH}{3} = \frac{16 \cdot 2\sqrt{2}}{3} = \frac{32\sqrt{2}}{3}$$